

Hypothesen

- Wenn/dann und je/desto Hypothesen
- deterministisch vs. probabilistisch
- Informationsgehalt einer Hypothese
- Im Allgemeinen: Erwartung, wie Untersuchungseinheiten in einem analytischen Raum von Variablen verteilt sind
- Über Drittvariablen bestimmbar: Allgemeinheits- und Komplexitätsgrad einer Hypothese
- Falsifizierbarkeit und Spezifität einer Hypothese

Wenn – dann – Hypothesen

		wenn:	
		A	$\sim A$
dann:	B	K I	K II
	$\sim B$	F III	K IV

K = Konfirmatoren

		wenn:	
		A	$\sim A$
dann:	B	K I	F II
	$\sim B$	F III	K IV

F = Falsifikatoren

(1) Wenn – dann – Hypothese
(deterministische **Implikation**)

A = hinreichende Bedingung

(2) Wenn – und – nur – wenn
– dann – Hypothese
(deterministische **Äquivalenz**)

A = hinreichende und
notwendige Bedingung

Deterministische und probabilistische Hypothesen

„wenn A, dann B“:

kann in die Erwartung transformiert werden:

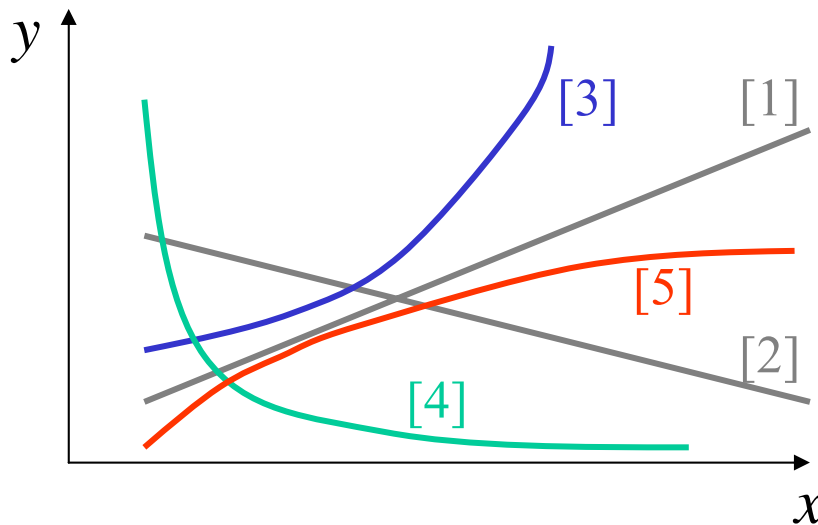
Prob (B) bei Auftreten von A
ist größer als
Prob (B) bei Auftreten von $\sim A$

$$P(B \mid A) > P(B \mid \sim A)$$

Je – desto – Hypothesen

Monoton steigende bzw. monoton fallende Zusammenhänge

Ggf. Spezifikation des Zusammenhangs als spezielle mathematische Funktion möglich (Beispiele):



[1] linear steigend

[2] linear fallend

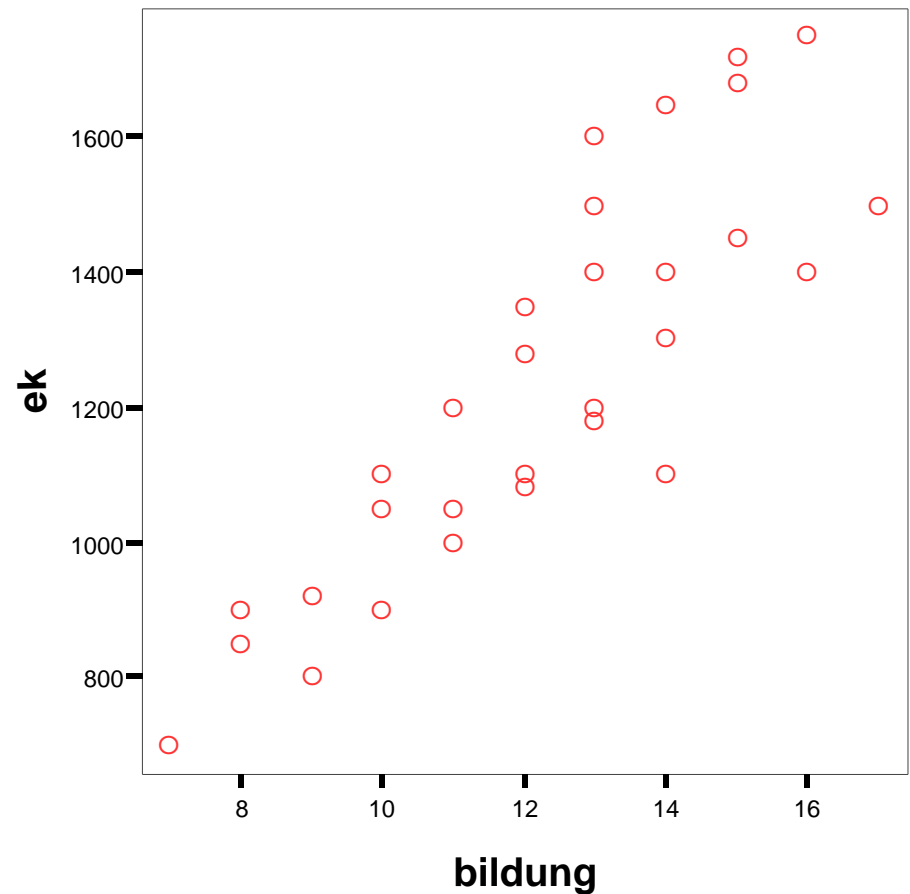
[3] exponentiell steigend

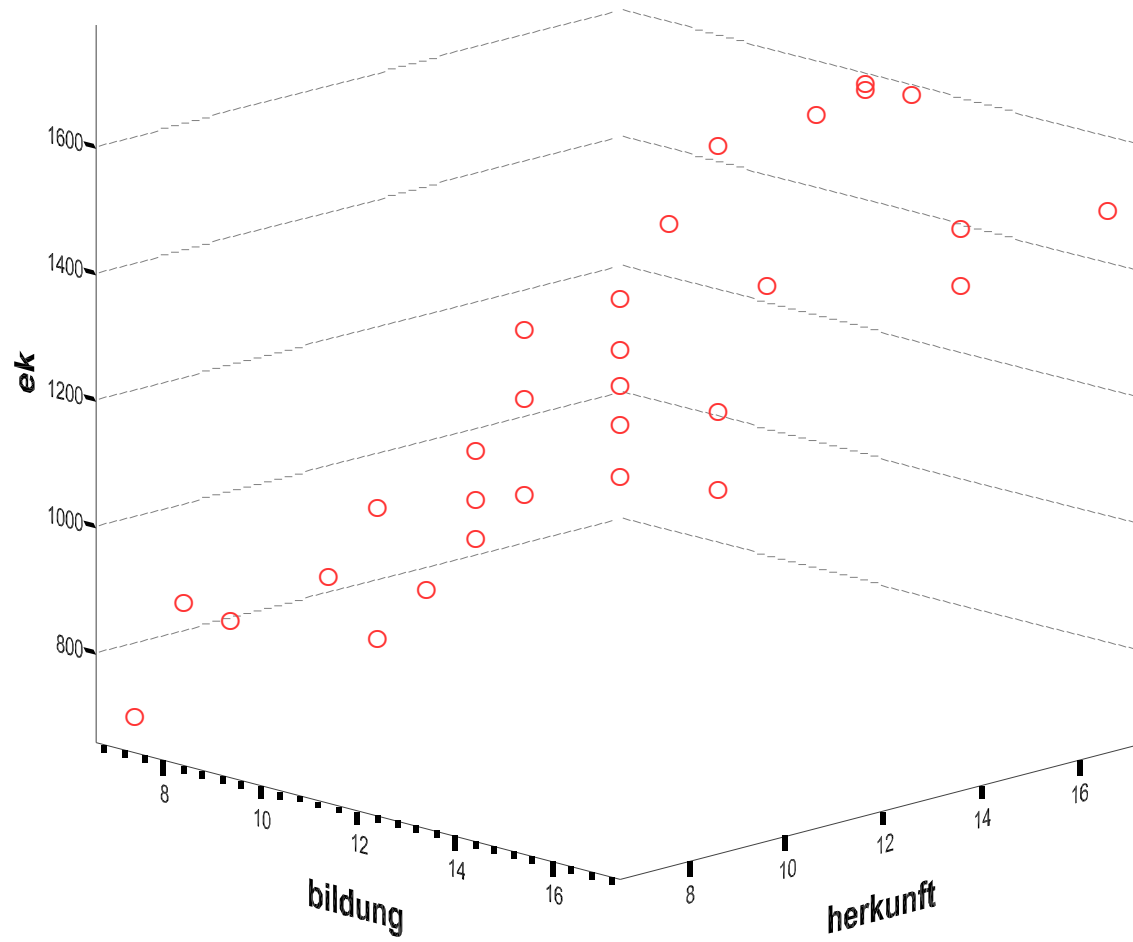
[4] exponentiell fallend

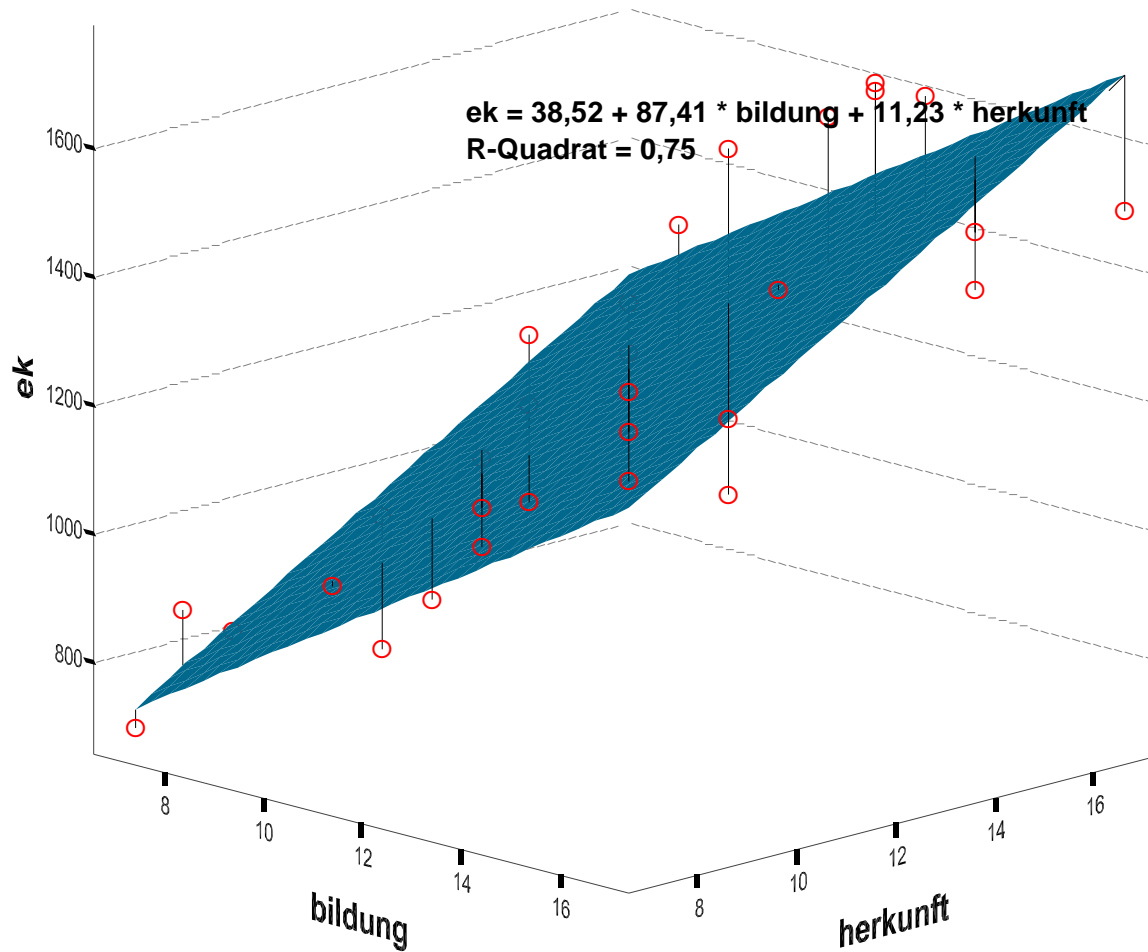
[5] logarithmisch

- » **Informationsgehalt** (empirischer Gehalt) eines Satzes ist die Menge der von diesem Satz ausgeschlossenen Sätze.
- » Der Gehalt einer Wenn-dann-Hypothese wächst **gleichsinnig** mit dem Gehalt der Dann-Komponente und **gegensinnig** zum Gehalt der Wenn-Komponente

Eine **Hypothese** ist eine Behauptung darüber, wie ein Set **S** von Untersuchungseinheiten in einem Raum von Variablen X_1, X_2, \dots, X_n verteilt ist.







Allgemeinheitsgrad ...

.. ist bestimmt durch das Set von Bedingungen **B**,
unter denen die Hypothese haltbar ist

„[intended] field of tenability“

Forschungsleitende **Frage**

„Gegeben die Hypothese **H**, zeige mir
das Set von Bedingungen **B**, unter denen
sie haltbar ist“

Bedingungen B = Ausprägungen von Drittvariablen

Komplexitätsgrad ...

.. über die **Anzahl** der Variablen, die den untersuchten Variablenraum aufspannen

$H(X, Y)$ getestet für $T=t_1$

? $H(X, Y)$ für $T=t_2$

Mögliche **Ergebnisse**:

H hängt von T ab (gilt z.B. nur für $T=t_1$)
und ist entsprechend zu **spezifizieren**

H hängt **nicht** von T ab und ist
entsprechend auf $T=t_2$ **generalisiert**

Falsifizierbarkeit ...

$$F = \frac{n_F}{E}$$

Anteil falsifizierender Ergebnisse
an allen möglichen Ergebnissen
- bei a priori Annahme,
dass alle E Verteilungen gleich
wahrscheinlich sind

Spezifität

Anzahl möglicher Unterscheidungen, die in den empirischen Ergebnissen getroffen werden können

Im Fall probabilistischer Hypothesen:
Anzahl der Partitionen von N in R Teile:

$$E = \binom{N + R - 1}{R - 1}$$

Anzahl der möglichen Verteilungen eines Samples S mit N Fällen über die R $[= r_1 \times r_2 \times \dots \times r_k -]$ Ausprägungskombinationen der k Variablen, die den analytischen Raum (Ereignisraum) aufspannen

Beispiel

Mögliche Verteilungen oder Partitionen
von 3 Fällen in 2 Teile ($\mathbf{R} = 2$; $\mathbf{N} = 3$):

$$3 + 0 = 3$$

$$2 + 1 = 3$$

$$1 + 2 = 3$$

$$0 + 3 = 3$$

$$E = \binom{3+2-1}{2-1} = \binom{4}{1} = \frac{4!}{1!(4-1)!} = \frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{1 \times 3 \times 2 \times 1} = \frac{24}{6} = 4$$

$$E = \binom{N + R - 1}{R - 1}$$

Größe des Ereignisraumes, **R**Stichproben-
Umfang, **N**

	1	2	3	4	5	...10
0	1	1	1	1	1	.
1	1	2	3	4	5	.
2	1	3	6	10	15	.
3	1	4	10	20	35	.
4	1	5	15	35	70	.
5	1	6	21	56	126	.
.						.
.						.
10	92.378

1. Vereinfachung von **E** durch ..

.. **deterministische** Repräsentation probabilistischer Hypothesen über eine **Korrelationssprache**

2. Abbildung des „Ereignissets“ auf ein Set mit den Ausprägungen

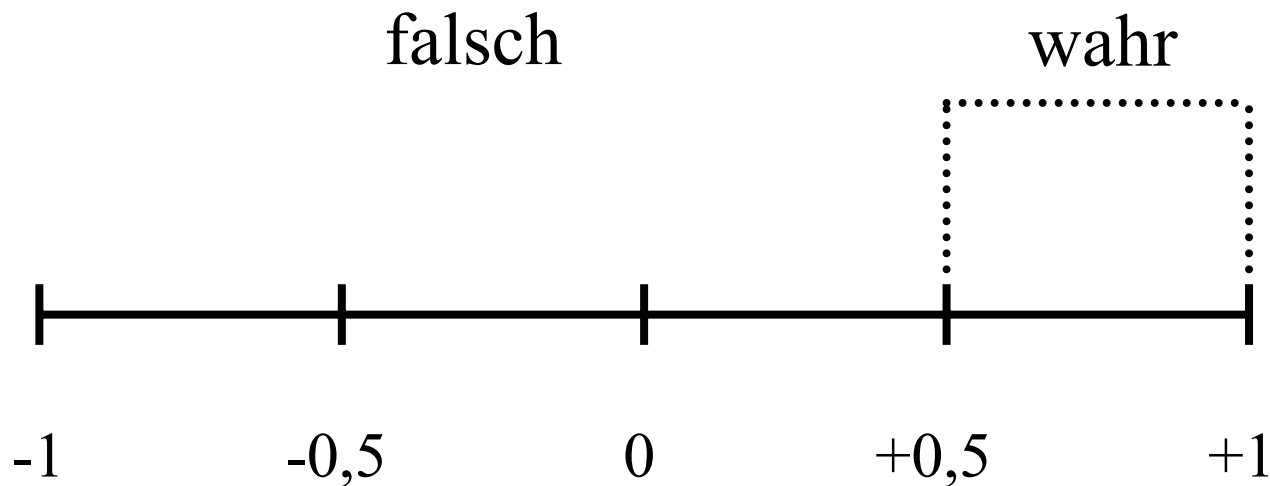
wahr	–	unentschieden	–	falsch
Korrespondenz	–	unentschieden	–	Nicht Korresp.
bestätigt	–	unentschieden	–	entkräftet

3. Vergleich der **erwarteten** Korrelationen mit den **beobachteten** Korrelationen

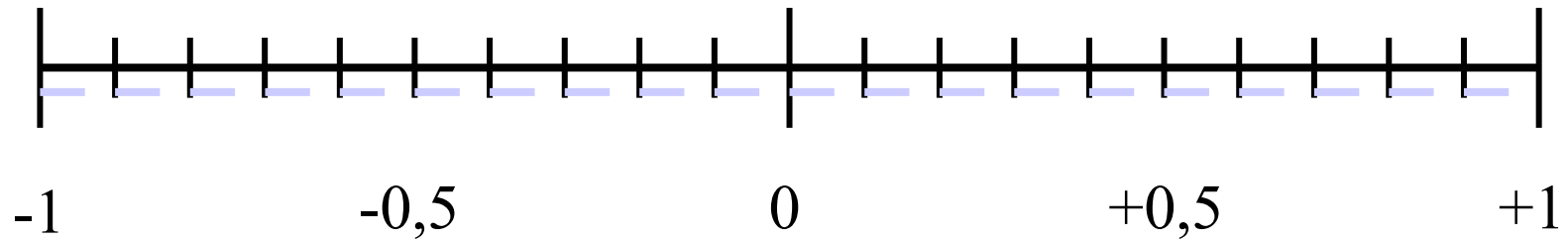
 $C(X, Y)$ $C^+(X, Y)$ $C^-(X, Y)$ $C^0(X, Y)$ $C^{\geq 0,5}(X, Y)$

Beispiel:

Hypothese, derzufolge $r \geq 0,5$ erwartet wird



Korrelation

 $E=20$ $-1,0 \leq r < -0,9$ $-0,9 \leq r < -0,8$ $-0,8 \leq r < -0,7$ [......] $0,7 \leq r < 0,8$ $0,8 \leq r < 0,9$ $0,9 \leq r < 1,0$